

問題訂正

「物理」

訂正箇所	<p>問題 2</p> <p>4 ページ [1] (2) 上から 1 行目と 2 行目</p>
誤	<p>・・・。R_2, R_3, R_4 を <u>図 1 の上向きに流れる電流を</u>それぞれ I_2, I_3, I_4 [A] とする。I_2, I_3, I_4 の間に・・・</p>
正	<p>・・・。R_2, R_3, R_4 を <u>流れる電流を</u>それぞれ I_2, I_3, I_4 [A] とする。<u>ただし, I_2, I_3, I_4 は図 1 の上向きに流れるときを正とする。</u> I_2, I_3, I_4 の間に・・・</p>

訂正箇所	<p>問題 2</p> <p>5 ページ [3] 上から 4 行目</p>
誤	<p>C_2 を <u>図 1 の下向きに流れる電流 I_C [A] は, $I_C = I_0 \sin(\omega t + \phi)$ と表される。</u></p>
正	<p>C_2 を <u>流れる電流 I_C [A] は, 図 1 の下向きに流れるときを正とすると, $I_C = I_0 \sin(\omega t + \phi)$ と表される。</u></p>

「解答はじめ」の合図があるまでは問題冊子を開いてはいけません。

注 意 事 項

1. 問題冊子は1ページから7ページまでの綴りでできています。「解答はじめ」の合図の後、ページの落丁、乱丁あるいは印刷の不鮮明なものがあれば、手をあげて試験監督者に申し出てください。
2. 問題は3問あります。すべての問題に解答してください。それぞれに解答用紙が1枚ずつ、合計3枚あります。3枚の解答用紙のすべてに受験番号を必ず記入してください。
3. 解答は該当する解答用紙の解答欄に記入してください。途中の計算は、計算欄にできるだけ記入してください。
4. 問題冊子の余白は、下書きに使用してください。
5. 問題冊子は、試験終了後、持ち帰ってください。

- [1] 図 1 のように、球とみなせる地球の表面（地表）付近の点 A から地表に平行に質量 m のロケットを速さ v_0 で打ち出した。すると、ロケットは、地球の中心を焦点の一つとするだ円軌道を描いた。この軌道上にある点 B は地球の中心から最も遠い点であり、地球の中心から点 B までの距離は r である。地球の質量を M 、地球の半径を R 、万有引力定数を G とし、以下の問いに答えよ。なお、必要に応じて、ロケットと地球の中心を結ぶ線分が単位時間に描く面積（面積速度）が一定であることと、地球のまわりを周回するロケットの周期の 2 乗と、そのだ円軌道の半長軸の長さの 3 乗の比は一定になることを用いよ。また、円周率を π とする。

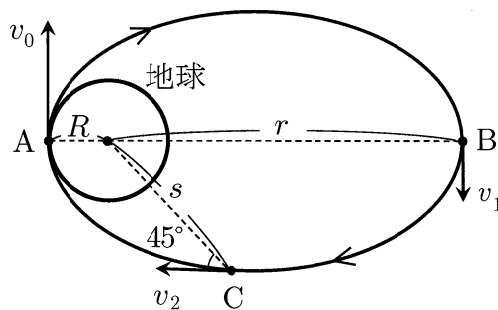


図 1

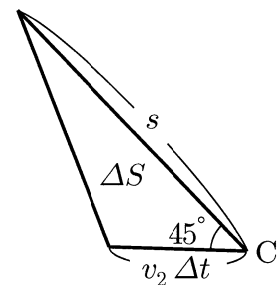


図 2

- (1) 点 B におけるロケットの速さ v_1 を、 r, R, v_0 を用いて表せ。
- (2) 点 A における、ロケットがもつ力学的エネルギー E_0 を、 m, M, R, v_0, G を用いて表せ。ただし、万有引力による位置エネルギーの基準点を無限遠とする。
- (3) ロケットの速さ v_0 を、 M, r, R, G を用いて表せ。
- (4) ロケットが点 B を通るだ円軌道を 1 周する時間 T を求めたい。まず、距離 r が R と等しい場合、ロケットは地表すれすれの円軌道を回ることになる。このときのロケットの速さ v_0' を、 M, R, G を用いて表せ。また、円軌道を 1 周する時間 T' を、 M, R, G を用いて表せ。次に、時間 T を、 M, r, R, G を用いて表せ。
- (5) ロケットが図 1 に示す点 C の位置に到達したとき、地球の中心と点 C を結ぶ線分とロケットの速度とのなす角度は 45° となった。地球の中心と点 C との距離を s とする。点 C におけるロケットの速さ v_2 を、 s, R, v_0 を用いて表せ。なお、点 C における面積速度の大きさは、図 2 の三角形の面積 ΔS を用いて $\frac{\Delta S}{\Delta t}$ と表される。ここで、 ΔS は、微小時間 Δt に形成される長さ $v_2 \Delta t$ の辺と長さ s の辺をもち、これらのなす角度が 45° の三角形の面積である。

- (6) 問(3), 問(5)の結果, および力学的エネルギー保存則を用いると, 問(5)の条件を満たす距離 s は, 2 次方程式 $s^2 - (\square)s + 2rR = 0$ を解くことにより求められる。 \square にあてはまる式を, r, R を用いて表せ。

- [2] 次に, 設問 [1] のように周回するロケットが, 図 1 の点 B で後方に燃焼ガスを短時間噴出して加速した結果, ロケットの速さが v_1 から v になった。例えば, v が v_3 のとき, 図 3 のように, 設問 [1] の点線の軌道から矢印のついた実線の軌道になった。以下の問いに答えよ。ただし, 燃焼ガスの噴出は 1 回限りとするが, 燃焼ガスの噴出量により v の値と軌道はさまざまになりうる。噴出の前後でロケットの質量 m は変化しないものとする。

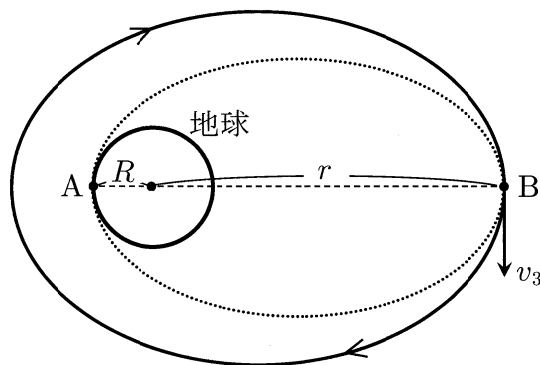


図 3

- (7) 点 B におけるロケットの速さ v を図 3 の v_3 よりも大きくすることで, ロケットを円軌道で周回させることができる。このための v を v_3' とすると, v_3' は設問 [1] の円軌道を描く v_1 の何倍か。 $\frac{v_3'}{v_1}$ を, r, R を用いて表せ。
- (8) 点 B におけるロケットの速さ v を v_3' よりも大きくすることで, ロケットを無限の遠方に飛ばすことができる。このための, 点 B におけるロケットの最小の速さ v_3'' は問(7)の v_3' の何倍か。 $\frac{v_3''}{v_3'}$ を求めよ。
- (9) 点 B におけるロケットの速さ v が $v_1 < v < v_3''$ の範囲のとき, ロケットのもつ力学的エネルギーについて, 以下の ① ~ ③ の中から最も適当なものを選べ。ただし, 万有引力による位置エネルギーの基準点を無限遠とする。
- ① 常に正となる。
 - ② 正, 負, 0 になりうる。
 - ③ 常に負となる。

電池，抵抗，コンデンサー，コイル，交流電源とスイッチを図1のように接続して回路を作った。スイッチ S_1 は接点アとイ～オのいずれかを，スイッチ S_2 は接点ハとニ～へのいずれかをそれぞれ接続することができる。抵抗 R_1, R_2, R_3, R_4 の抵抗値はすべて R $[\Omega]$ とし，コンデンサー C_1, C_2, C_3 の電気容量はすべて C $[F]$ ，コイル L_1 の自己インダクタンスは L $[H]$ とする。3つの電池の起電力は図1の左からそれぞれ 10 V ， 12 V ， 6 V であり，電池の内部抵抗やコイルの抵抗の影響，および電磁波として回路から放出されるエネルギーは無視する。

以下の設問に答えよ。特に指定がない場合は，解答は R, C, L から必要なものを用いて表せ。円周率を π とする。

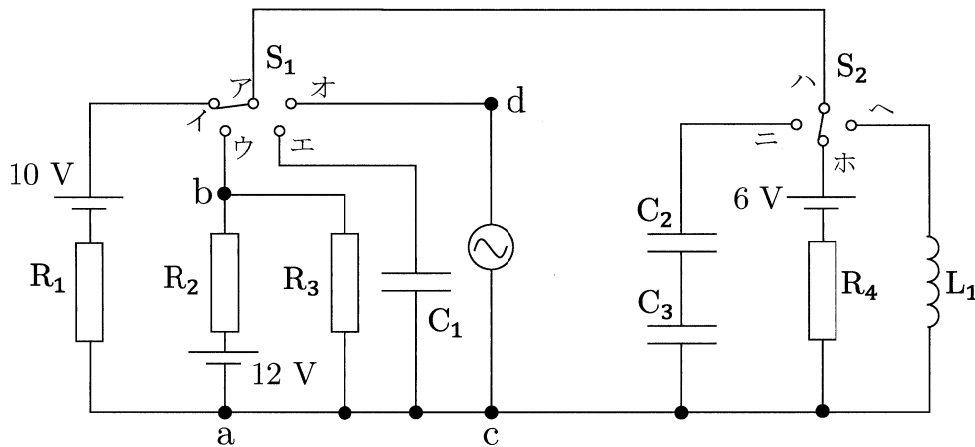


図1

[1] まず，スイッチ S_2 を (ハ，ホ) で接続し， S_1 をいろいろ切り替えて実験した。

- (1) スイッチ S_1 を (ア，イ) で接続したとき， R_1 を流れる電流 I_1 $[A]$ の向きと大きさを求めよ。向きについては，図1において上向きか下向きかを答えよ。
- (2) スイッチ S_1 を (ア，ウ) で接続した。 R_2, R_3, R_4 を図1の上向きに流れる電流をそれぞれ I_2, I_3, I_4 $[A]$ とする。 I_2, I_3, I_4 の間に成り立つ式を，電流に関するキルヒホッフの法則（第1法則）を用いて求めよ。
- (3) 問(2)の接続のとき，図1の点 a の電位を 0 V としたときの点 b の電位 V_b $[V]$ を， I_2 と R を用いて表せ。
- (4) 問(2)の接続のとき，電流 I_2 の向きと大きさを求めよ。向きについては，図1において上向きか下向きかを答えよ。

[2] 次に、コンデンサー C_1, C_2, C_3 に電荷が蓄えられていない状態でコンデンサー C_1 を充電するためにスイッチ S_1 を (ア, エ), S_2 を (ハ, ホ) で接続した。十分に時間が経過した後, S_2 を (ハ, ニ) の接続に切り替えた。その後,十分に時間が経過した後について, 以下の問いに答えよ。

(5) コンデンサー C_2 の電気量 Q_2 [C] を求めよ。

(6) コンデンサー C_2 に蓄えられている静電エネルギー U_2 [J] を求めよ。

[3] スイッチ S_1 を (ア, オ), S_2 を (ハ, ニ) で接続して十分に時間が経過した。点 c に対する点 d の電位 V [V] が, 時刻 t [s], 角周波数 ω [rad/s], 電圧の最大値 V_0 [V] を用いて $V = V_0 \sin \omega t$ と表されるとき, コンデンサー C_2 を図 1 の下向きに流れる電流 I_C [A] は, $I_C = I_0 \sin(\omega t + \phi)$ と表される。 I_0 [A] は電流の最大値, ϕ [rad] は位相差を表す。以下の問いに答えよ。

(7) 位相差 ϕ の値として最も適当なものを以下の①～⑥の中から一つ選び, その番号を答えよ。

① $-\frac{\pi}{2}$ ② $-\frac{\pi}{4}$ ③ 0 ④ $\frac{\pi}{4}$ ⑤ $\frac{\pi}{2}$ ⑥ π

(8) 電流の最大値 I_0 を, V_0, ω, C を用いて表せ。

[4] スイッチ S_1 を (ア, エ), S_2 を (ハ, ホ) で接続して十分に時間をおいてコンデンサー C_1 を充電した。次に, スイッチ S_2 を (ハ, ヘ) に切り替えてコンデンサー C_1 とコイル L_1 を接続したところ, 回路に流れる電流が一定の周期で振動する電気振動が観測された。この C_1 と L_1 で構成された回路について以下の問いに答えよ。ただし, ジュール熱による損失は無視する。

(9) 電流の振動にともなって, コンデンサー C_1 に蓄えられるエネルギーも振動する。このエネルギーの振動の周期 T [s] を, C, L を用いて表せ。

(10) コイル L_1 に流れる振動電流の最大値 I_{L0} [A] を, C, L を用いて表せ。

(11) 解答用紙の図中には, コンデンサー C_1 に蓄えられるエネルギーの変化が曲線で示されている。 U_0 [J] は C_1 に蓄えられるエネルギーの最大値である。

① この回路の全エネルギーの時間変化を解答用紙の図中に実線で描け。

② コイル L_1 に蓄えられるエネルギー U_L [J] の時間変化を問①と同じ図中に点線(または破線)で描け。

- [1] 図1のように、空気中に置いたプリズムのPQ面上の点Aに波長 λ の単色光を入射すると、光線がプリズムのPR面上の点Bから空気中に出てきた。プリズムの頂点の角度を $\angle QPR = \theta$ とし、点Aを通過してPQに垂直な直線と、点Bを通過してPRに垂直な直線との交点を点Cとする。空気の屈折率を1とし、波長 λ の光を入射したときのプリズムの屈折率を n とする。円周率を π とし、 $n \sin \theta > 1$ とする。

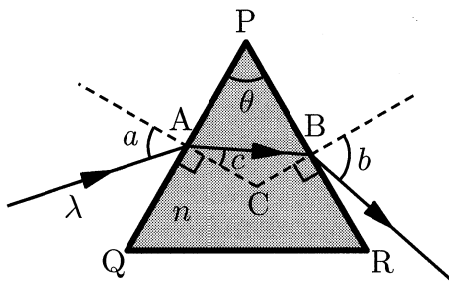


図1

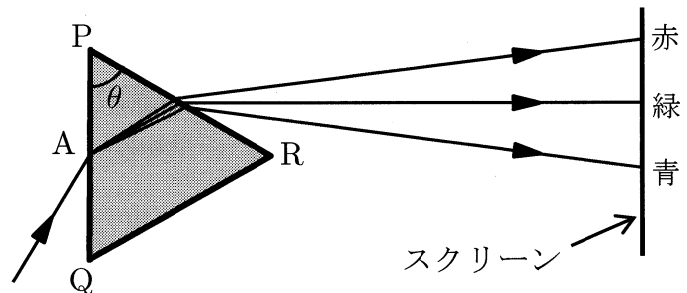


図2

- (1) 点Aにおける入射角を a 、屈折角を c とする。 $\sin c$ と $\cos c$ を、 n と a を用いてそれぞれ表せ。
- (2) $\angle ACB$ と $\angle ABC$ を、 θ 、 c から必要なものを用いてそれぞれ表せ。
- (3) 点Bにおける屈折角を b とする。 $\theta = \frac{\pi}{3}$ の場合に、屈折率 n は

$$n = \sqrt{\frac{1}{3} \left(\boxed{\text{(ア)}} \right)^2 + \sin^2 a} \quad \text{①}$$

と表せる。 $\boxed{\text{(ア)}}$ にあてはまる式を a と b を用いて答えよ。必要に応じて、関係式 $\sin(\theta_1 - \theta_2) = \sin \theta_1 \cos \theta_2 - \cos \theta_1 \sin \theta_2$ を用いよ。

単色光の代わりに白色光を入射すると、プリズムから出てくる光はいろいろな色に分かれた(図2)。以下では問(3)と同様に $\theta = \frac{\pi}{3}$ とする。

- (4) プリズムから出た光を図2のスクリーンに映すと、上から下へ赤、緑、青の順番で色の帯が現れた。赤、緑、青の光の波長をそれぞれ λ_R 、 λ_G 、 λ_B として、3つの波長の大小関係を不等式で表せ。
- (5) 図2のスクリーンの下方ほど問(3)の①式中の屈折角 b は大きい。波長が短くなるにつれて屈折率はどのように変化していくか、図2および問(3)、問(4)を根拠として解答欄の枠内に文章で説明せよ。

[2] 設問[1]とは異なる図3のプリズムを考える。このプリズムの面PRは、面に多くの細かい溝が等間隔に平行に引かれていて、回折格子になっている。回折格子の溝の部分では乱反射が起こって光は通過しないが、溝と溝との間の透明な部分は光を通してスリットの役割をする。隣り合うスリット間の距離（格子定数）を d とする（図4）。プリズムの面PQに波長 λ_1 の単色光を垂直に入射させると、プリズムから十分に離れたスクリーン上に複数の明線が現れた。面PQと面PRのなす角を ϕ とする。波長 λ_1 の光を入射したときのプリズムの屈折率を n_1 とする。

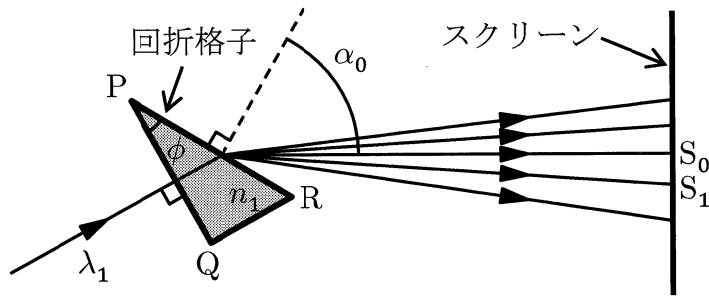


図3

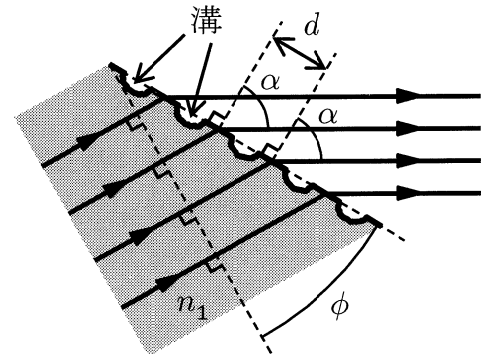


図4

- (6) 各スリットで回折して、スクリーン上の同一点に向かう光を考える。スリットを出た後に回折光が進む方向を、面PRの法線となす角 α で表す(図4)。隣り合うスリットを通る二つの光の光路の差 D は

$$D = d \sin \alpha - \boxed{(イ)}$$

と表せる。 $\boxed{(イ)}$ にあてはまる式を d, ϕ, α, n_1 から必要なものを用いて答えよ。

- (7) $D = 0$ となる光の方向を $\alpha = \alpha_0$ とする。 $\sin \alpha_0$ を ϕ と n_1 を用いて表せ。
- (8) 回折光が強めあってスクリーン上に明線が現れるための条件式を、 $d, \phi, \alpha, \lambda_1, n_1$ と整数 M を用いて表せ。
- (9) $\alpha = \alpha_0$ の方向にある明線の位置を S_0 とし、図3でその一つ下にある明線の位置を S_1 とする。 S_1 に向かう光の方向を $\alpha = \alpha_1$ として $\sin \alpha_1$ を d, ϕ, λ_1, n_1 を用いて表せ。
- (10) 波長 λ_2 ($\lambda_2 > \lambda_1$) の光を入射したときのプリズムの屈折率を n_2 ($n_2 < n_1$) とする。入射する光の波長を λ_1 から λ_2 に変更するとスクリーン上の明線の位置が変わるが、格子定数 d がある条件を満たす場合には変更後にも図3の S_1 の位置に明線が現れる。この条件を満たす d の中で最小のものを、 $\phi, \lambda_1, \lambda_2, n_1, n_2$ を用いて表せ。